

Predikaattilogiikka

Hannu Lehto
Lahden Lyseon lukio



Predikaatti

- **Predikaatti**

- Predikaatit ja

konnektiivit

- Kaikkikvanttori eli

universaalikvanttori

- Olemassaolokvanttori

eli eksistenssikvanttori

- Negaation siirto

kvanttorin ohi

- Päättely

Esimerkki 1.

- $6-4=2$ on suljettu lause eli propositio. Se on joko tosi tai epätosi

Predikaatti

- **Predikaatti**

- Predikaatit ja

konnektiivit

- Kaikkikvanttori eli

universaalikvanttori

- Olemassaolokvanttori

eli eksistenssikvanttori

- Negaation siirto

kvanttorin ohi

- Päättely

Esimerkki 1.

- $6-4=2$ on suljettu lause eli propositio. Se on joko tosi tai epätosi
- $x-4=2$ on *avoin lause eli predikaatti*. Sen totuusarvo riippuu muuttujasta x .

Predikaattilogiikan ilmaisuvoima on suurempi kuin lauselogiikan. Erityisesti predikaattilogiikalla voidaan kuvata objektien ominaisuuksia ja objektien välisiä suhteita.

Esimerkki 2. Määritellään yksipaikkainen predikaatti $O(x)=$ ” x on opettaja” ja kaksipaikkainen predikaatti $M(x,y)=$ ” x opettaa oppiainetta y ”.

- $O(\text{Lehto})$

Predikaatti

- **Predikaatti**

- Predikaatit ja

konnektiivit

- Kaikkikvanttori eli

universaalikvanttori

- Olemassaolokvanttori

eli eksistenssikvanttori

- Negaation siirto

kvanttorin ohi

- Päätely

Esimerkki 1.

- $6-4=2$ on suljettu lause eli propositio. Se on joko tosi tai epätosi
- $x-4=2$ on *avoin lause eli predikaatti*. Sen totuusarvo riippuu muuttujasta x .

Predikaattilogiikan ilmaisuvoima on suurempi kuin lauselogiikan. Erityisesti predikaattilogiikalla voidaan kuvata objektien ominaisuuksia ja objektien välisiä suhteita.

Esimerkki 2. Määritellään yksipaikkainen predikaatti $O(x)=$ ” x on opettaja” ja kaksipaikkainen predikaatti $M(x,y)=$ ” x opettaa oppiainetta y ”.

- $O(\text{Lehto})$ on tosi eli Lehdolla on ominaisuus O .

Predikaatti

- **Predikaatti**

- Predikaatit ja

konnektiivit

- Kaikkikvanttori eli

universaalikvanttori

- Olemassaolokvanttori

eli eksistenssikvanttori

- Negaation siirto

kvanttorin ohi

- Päätely

Esimerkki 1.

- $6-4=2$ on suljettu lause eli propositio. Se on joko tosi tai epätosi
- $x-4=2$ on *avoin lause eli predikaatti*. Sen totuusarvo riippuu muuttujasta x .

Predikaattilogiikan ilmaisuvoima on suurempi kuin lauselogiikan. Erityisesti predikaattilogiikalla voidaan kuvata objektien ominaisuuksia ja objektien välisiä suhteita.

Esimerkki 2. Määritellään yksipaikkainen predikaatti $O(x)=$ " x on opettaja" ja kaksipaikkainen predikaatti $M(x,y)=$ " x opettaa oppiainetta y ".

- $O(\text{Lehto})$ on tosi eli Lehdolla on ominaisuus O .
- $M(\text{Lehto},\text{matematiikka})$

Predikaatti

- **Predikaatti**

- Predikaatit ja

konnektiivit

- Kaikkikvanttori eli

universaalikvanttori

- Olemassaolokvanttori

eli eksistenssikvanttori

- Negaation siirto

kvanttorin ohi

- Päätely

Esimerkki 1.

- $6-4=2$ on suljettu lause eli propositio. Se on joko tosi tai epätosi
- $x-4=2$ on *avoin lause eli predikaatti*. Sen totuusarvo riippuu muuttujasta x .

Predikaattilogiikan ilmaisuvoima on suurempi kuin lauselogiikan. Erityisesti predikaattilogiikalla voidaan kuvata objektien ominaisuuksia ja objektien välisiä suhteita.

Esimerkki 2. Määritellään yksipaikkainen predikaatti $O(x)=$ ” x on opettaja” ja kaksipaikkainen predikaatti $M(x,y)=$ ” x opettaa oppiainetta y ”.

- $O(\text{Lehto})$ on tosi eli Lehdolla on ominaisuus O .
- $M(\text{Lehto},\text{matematiikka})$ on tosi.

Predikaatti

- **Predikaatti**

- Predikaatit ja

konnektiivit

- Kaikkikvanttori eli

universaalikvanttori

- Olemassaolokvanttori

eli eksistenssikvanttori

- Negaation siirto

kvanttorin ohi

- Päätely

Esimerkki 1.

- $6-4=2$ on suljettu lause eli propositio. Se on joko tosi tai epätosi
- $x-4=2$ on *avoin lause eli predikaatti*. Sen totuusarvo riippuu muuttujasta x .

Predikaattilogiikan ilmaisuvoima on suurempi kuin lauselogiikan. Erityisesti predikaattilogiikalla voidaan kuvata objektien ominaisuuksia ja objektien välisiä suhteita.

Esimerkki 2. Määritellään yksipaikkainen predikaatti $O(x)=$ ” x on opettaja” ja kaksipaikkainen predikaatti $M(x,y)=$ ” x opettaa oppiainetta y ”.

- $O(\text{Lehto})$ on tosi eli Lehdolla on ominaisuus O .
- $M(\text{Lehto}, \text{matematiikka})$ on tosi.
- $O(\text{Lehto}) \wedge M(\text{Lehto}, \text{ruotsi})$

Predikaatti

- **Predikaatti**

- Predikaatit ja

konnektiivit

- Kaikkikvanttori eli

universaalikvanttori

- Olemassaolokvanttori

eli eksistenssikvanttori

- Negaation siirto

kvanttorin ohi

- Päätely

Esimerkki 1.

- $6-4=2$ on suljettu lause eli propositio. Se on joko tosi tai epätosi
- $x-4=2$ on *avoin lause eli predikaatti*. Sen totuusarvo riippuu muuttujasta x .

Predikaattilogiikan ilmaisuvoima on suurempi kuin lauselogiikan. Erityisesti predikaattilogiikalla voidaan kuvata objektien ominaisuuksia ja objektien välisiä suhteita.

Esimerkki 2. Määritellään yksipaikkainen predikaatti $O(x)=$ ” x on opettaja” ja kaksipaikkainen predikaatti $M(x,y)=$ ” x opettaa oppiainetta y ”.

- $O(\text{Lehto})$ on tosi eli Lehdolla on ominaisuus O .
- $M(\text{Lehto}, \text{matematiikka})$ on tosi.
- $O(\text{Lehto}) \wedge M(\text{Lehto}, \text{ruotsi})$ on epätosi

Predikaatit ja konnektiivit

- Predikaatti
- **Predikaatit ja konnektiivit**
- Kaikkikvanttori eli universaalikvanttori
- Olemassaolokvanttori eli eksistenssikvanttori
- Negaation siirto kvanttorin ohi
- Päättely

Predikaateista ja loogisista konnektiiveista (\neg , \wedge , \vee , \Rightarrow , \Leftrightarrow) voidaan muodostaa uusia predikaatteja.

Predikaatit ja konnektiivit

- Predikaatti
- **Predikaatit ja konnektiivit**
- Kaikkikvanttori eli universaalikvanttori
- Olemassaolokvanttori eli eksistenssikvanttori
- Negaation siirto kvanttorin ohi
- Päättely

Predikaateista ja loogisista konnektiiveista (\neg , \wedge , \vee , \Rightarrow , \Leftrightarrow) voidaan muodostaa uusia predikaatteja.

Esimerkki 3. Olkoon $O(x)$ ="x on opettaja", $N(x)$ ="x on nainen"

1. $O(x) \wedge N(x) =$

Predikaatit ja konnektiivit

- Predikaatti
- **Predikaatit ja konnektiivit**
- Kaikkikvanttori eli universaalikvanttori
- Olemassaolokvanttori eli eksistenssikvanttori
- Negaation siirto kvanttorin ohi
- Päättely

Predikaateista ja loogisista konnektiiveista (\neg , \wedge , \vee , \Rightarrow , \Leftrightarrow) voidaan muodostaa uusia predikaatteja.

Esimerkki 3. Olkoon $O(x)$ ="x on opettaja", $N(x)$ ="x on nainen"

1. $O(x) \wedge N(x)$ ="x on opettaja ja nainen" eli

Predikaatit ja konnektiivit

- Predikaatti
- **Predikaatit ja konnektiivit**
- Kaikkikvanttori eli universaalikvanttori
- Olemassaolokvanttori eli eksistenssikvanttori
- Negaation siirto kvanttorin ohi
- Päättely

Predikaateista ja loogisista konnektiiveista (\neg , \wedge , \vee , \Rightarrow , \Leftrightarrow) voidaan muodostaa uusia predikaatteja.

Esimerkki 3. Olkoon $O(x)$ ="x on opettaja", $N(x)$ ="x on nainen"

1. $O(x) \wedge N(x)$ ="x on opettaja ja nainen" eli ratkaisujoukkona on opettajien joukon ja naisten joukon leikkaus \cap .

Predikaatit ja konnektiivit

- Predikaatti
- **Predikaatit ja konnektiivit**
- Kaikkikvanttori eli universaalikvanttori
- Olemassaolokvanttori eli eksistenssikvanttori
- Negaation siirto kvanttorin ohi
- Päättely

Predikaateista ja loogisista konnektiiveista (\neg , \wedge , \vee , \Rightarrow , \Leftrightarrow) voidaan muodostaa uusia predikaatteja.

Esimerkki 3. Olkoon $O(x)$ ="x on opettaja", $N(x)$ ="x on nainen"

1. $O(x) \wedge N(x)$ ="x on opettaja ja nainen" eli ratkaisujoukkona on opettajien joukon ja naisten joukon leikkaus \cap .
2. $O(x) \vee N(x) =$

Predikaatit ja konnektiivit

- Predikaatti
- **Predikaatit ja konnektiivit**
- Kaikkikvanttori eli universaalikvanttori
- Olemassaolokvanttori eli eksistenssikvanttori
- Negaation siirto kvanttorin ohi
- Päättely

Predikaateista ja loogisista konnektiiveista (\neg , \wedge , \vee , \Rightarrow , \Leftrightarrow) voidaan muodostaa uusia predikaatteja.

Esimerkki 3. Olkoon $O(x)$ ="x on opettaja", $N(x)$ ="x on nainen"

1. $O(x) \wedge N(x)$ ="x on opettaja ja nainen" eli ratkaisujoukkona on opettajien joukon ja naisten joukon leikkaus \cap .
2. $O(x) \vee N(x)$ = " x on opettaja tai nainen" eli

Predikaatit ja konnektiivit

- Predikaatti
- **Predikaatit ja konnektiivit**
- Kaikkikvanttori eli universaalikvanttori
- Olemassaolokvanttori eli eksistenssikvanttori
- Negaation siirto kvanttorin ohi
- Päätely

Predikaateista ja loogisista konnektiiveista (\neg , \wedge , \vee , \Rightarrow , \Leftrightarrow) voidaan muodostaa uusia predikaatteja.

Esimerkki 3. Olkoon $O(x)$ ="x on opettaja", $N(x)$ ="x on nainen"

1. $O(x) \wedge N(x)$ ="x on opettaja ja nainen" eli ratkaisujoukkona on opettajien joukon ja naisten joukon leikkaus \cap .
2. $O(x) \vee N(x)$ = " x on opettaja tai nainen" eli ratkaisujoukkona on opettajien joukon ja naisten joukon unioni \cup .

Predikaatit ja konnektiivit

- Predikaatti
- **Predikaatit ja konnektiivit**
- Kaikkikvanttori eli universaalikvanttori
- Olemassaolokvanttori eli eksistenssikvanttori
- Negaation siirto kvanttorin ohi
- Päätely

Predikaateista ja loogisista konnektiiveista (\neg , \wedge , \vee , \Rightarrow , \Leftrightarrow) voidaan muodostaa uusia predikaatteja.

Esimerkki 3. Olkoon $O(x)$ ="x on opettaja", $N(x)$ ="x on nainen"

1. $O(x) \wedge N(x)$ ="x on opettaja ja nainen" eli ratkaisujoukkona on opettajien joukon ja naisten joukon leikkaus \cap .
2. $O(x) \vee N(x)$ = " x on opettaja tai nainen" eli ratkaisujoukkona on opettajien joukon ja naisten joukon unioni \cup .
3. $\neg N(x)$ =

Predikaatit ja konnektiivit

- Predikaatti
- **Predikaatit ja konnektiivit**
- Kaikkikvanttori eli universaalikvanttori
- Olemassaolokvanttori eli eksistenssikvanttori
- Negaation siirto kvanttorin ohi
- Päätely

Predikaateista ja loogisista konnektiiveista (\neg , \wedge , \vee , \Rightarrow , \Leftrightarrow) voidaan muodostaa uusia predikaatteja.

Esimerkki 3. Olkoon $O(x)$ ="x on opettaja", $N(x)$ ="x on nainen"

1. $O(x) \wedge N(x)$ ="x on opettaja ja nainen" eli ratkaisujoukkona on opettajien joukon ja naisten joukon leikkaus \cap .
2. $O(x) \vee N(x)$ = " x on opettaja tai nainen" eli ratkaisujoukkona on opettajien joukon ja naisten joukon unioni \cup .
3. $\neg N(x)$ = "x on mies" eli

Predikaatit ja konnektiivit

- Predikaatti
- **Predikaatit ja konnektiivit**
- Kaikkikvanttori eli universaalikvanttori
- Olemassaolokvanttori eli eksistenssikvanttori
- Negaation siirto kvanttorin ohi
- Päätely

Predikaateista ja loogisista konnektiiveista (\neg , \wedge , \vee , \Rightarrow , \Leftrightarrow) voidaan muodostaa uusia predikaatteja.

Esimerkki 3. Olkoon $O(x)$ ="x on opettaja", $N(x)$ ="x on nainen"

1. $O(x) \wedge N(x)$ ="x on opettaja ja nainen" eli ratkaisujoukkona on opettajien joukon ja naisten joukon leikkaus \cap .
2. $O(x) \vee N(x)$ = " x on opettaja tai nainen" eli ratkaisujoukkona on opettajien joukon ja naisten joukon unioni \cup .
3. $\neg N(x)$ = "x on mies" eli ratkaisujoukkona on naisten joukon komplementti.

Kaikkikvanttori eli universaalikvanttori

- Predikaatti
- Predikaatit ja konnektiivit
- **Kaikkikvanttori eli universaalikvanttori**
- Olemassaolokvanttori eli eksistenssikvanttori
- Negaation siirto kvanttorin ohi
- Päätely

Jos jokainen predikaatin $P(x)$ määrittelyjoukon X alkio toteuttaa predikaatin, niin merkitään:

$$\forall x \in X : P(x).$$

Vaihtoehtoiset merkintätavat: $P(x), \forall x \in X$ tai lyhyemmin $\forall x P(x)$.

Kaikkikvanttori eli universaalikvanttori

- Predikaatti
- Predikaatit ja konnektiivit
- **Kaikkikvanttori eli universaalikvanttori**
- Olemassaolokvanttori eli eksistenssikvanttori
- Negaation siirto kvanttorin ohi
- Päätely

Jos jokainen predikaatin $P(x)$ määrittelyjoukon X alkio toteuttaa predikaatin, niin merkitään:

$$\forall x \in X : P(x).$$

Vaihtoehtoiset merkintätavat: $P(x), \forall x \in X$ tai lyhyemmin $\forall x P(x)$.

Esimerkki 4. Olkoon $P(x)$ ="x:llä on parta", $J(x)$ ="x on joulupukki". Selitä seuraavat predikaatit:

- $\forall x (J(x) \Rightarrow P(x))$

Kaikkikvanttori eli universaalikvanttori

- Predikaatti
- Predikaatit ja konnektiivit
- **Kaikkikvanttori eli universaalikvanttori**
- Olemassaolokvanttori eli eksistenssikvanttori
- Negaation siirto kvanttorin ohi
- Päätely

Jos jokainen predikaatin $P(x)$ määrittelyjoukon X alkio toteuttaa predikaatin, niin merkitään:

$$\forall x \in X : P(x).$$

Vaihtoehtoiset merkintätavat: $P(x), \forall x \in X$ tai lyhyemmin $\forall x P(x)$.

Esimerkki 4. Olkoon $P(x)$ ="x:llä on parta", $J(x)$ ="x on joulupukki".

Selitä seuraavat predikaatit:

- $\forall x (J(x) \Rightarrow P(x))$
- $\neg \forall x (P(x) \Rightarrow J(x))$

Kaikkikvanttori eli universaalikvanttori

- Predikaatti
- Predikaatit ja konnektiivit
- **Kaikkikvanttori eli universaalikvanttori**
- Olemassaolokvanttori eli eksistenssikvanttori
- Negaation siirto kvanttorin ohi
- Päätely

Jos jokainen predikaatin $P(x)$ määrittelyjoukon X alkio toteuttaa predikaatin, niin merkitään:

$$\forall x \in X : P(x).$$

Vaihtoehtoiset merkintätavat: $P(x), \forall x \in X$ tai lyhyemmin $\forall x P(x)$.

Esimerkki 4. Olkoon $P(x)$ ="x:llä on parta", $J(x)$ ="x on joulupukki".

Selitä seuraavat predikaatit:

- $\forall x (J(x) \Rightarrow P(x))$
- $\neg \forall x (P(x) \Rightarrow J(x))$
- $\forall x \in \mathbb{R} : x^2 \geq 0$

Olemassaolokvanttori eli eksistenssikvanttori

- Predikaatti
- Predikaatit ja konnektiivit
- Kaikkikvanttori eli universaalikvanttori
- Olemassaolokvanttori eli eksistenssikvanttori
- Negaation siirto kvanttorin ohi
- Päätely

Jos on olemassa (ainakin yksi) predikaatin $P(x)$ määrittelyjoukon alkio, joka toteuttaa predikaatin, niin merkitään:

$$\exists x \in X : P(x).$$

Lyhyempi merkintätapa $\exists x P(x)$.

Esimerkki 5. Olkoon $Y(x,y)$ ="x on y:n ystävä". Selitä seuraavat predikaatit:

- $\forall x \exists y Y(x, y)$

Olemassaolokvanttori eli eksistenssikvanttori

- Predikaatti
- Predikaatit ja konnektiivit
- Kaikkikvanttori eli universaalikvanttori
- Olemassaolokvanttori eli eksistenssikvanttori
- Negaation siirto kvanttorin ohi
- Päätely

Jos on olemassa (ainakin yksi) predikaatin $P(x)$ määrittelyjoukon alkio, joka toteuttaa predikaatin, niin merkitään:

$$\exists x \in X : P(x).$$

Lyhyempi merkintätapa $\exists x P(x)$.

Esimerkki 5. Olkoon $Y(x,y)$ ="x on y:n ystävä". Selitä seuraavat predikaatit:

- $\forall x \exists y Y(x, y)$
- $\exists x \forall y \neg Y(x, y)$

Olemassaolokvanttori eli eksistenssikvanttori

- Predikaatti
- Predikaatit ja konnektiivit
- Kaikkikvanttori eli universaalikvanttori
- Olemassaolokvanttori eli eksistenssikvanttori
- Negaation siirto kvanttorin ohi
- Päätely

Jos on olemassa (ainakin yksi) predikaatin $P(x)$ määrittelyjoukon alkio, joka toteuttaa predikaatin, niin merkitään:

$$\exists x \in X : P(x).$$

Lyhyempi merkintätapa $\exists x P(x)$.

Esimerkki 5. Olkoon $Y(x,y)$ ="x on y:n ystävä". Selitä seuraavat predikaatit:

- $\forall x \exists y Y(x, y)$
- $\exists x \forall y \neg Y(x, y)$
- $\exists x \in \mathbb{Z} : x^2 + x - 2 = 0$

Negaation siirto kvanttorin ohi

- Predikaatti
- Predikaatit ja konnektiivit
- Kaikkikvanttori eli universaalikvanttori
- Olemassaolokvanttori eli eksistenssikvanttori
- **Negaation siirto kvanttorin ohi**
- Päättely

Esimerkki 6. Miten seuraavat lauseet voidaan ilmaista toisin?

1. ”Eivät kaikki joulupukit asu korvatunturilla.”

Negaation siirto kvanttoria ohi

- Predikaatti
- Predikaatit ja konnektiivit
- Kaikkikvanttori eli universaalikvanttori
- Olemassaolokvanttori eli eksistenssikvanttori
- **Negaation siirto kvanttoria ohi**
- Päättely

Esimerkki 6. Miten seuraavat lauseet voidaan ilmaista toisin?

1. ”Eivät kaikki joulupukit asu korvatunturilla.”

”On olemassa joulupukki, joka ei asu Korvatunturilla.”

Negaation siirto kvanttoria ohi

- Predikaatti
- Predikaatit ja konnektiivit
- Kaikkikvanttori eli universaalikvanttori
- Olemassaolokvanttori eli eksistenssikvanttori
- **Negaation siirto kvanttoria ohi**
- Päättely

Esimerkki 6. Miten seuraavat lauseet voidaan ilmaista toisin?

1. ”Eivät kaikki joulupukit asu korvatunturilla.”
”On olemassa joulupukki, joka ei asu Korvatunturilla.”
2. ”Ei ole olemassa epärehellistä joulupukkia.”

Negaation siirto kvanttorin ohi

- Predikaatti
- Predikaatit ja konnektiivit
- Kaikkikvanttori eli universaalikvanttori
- Olemassaolokvanttori eli eksistenssikvanttori
- **Negaation siirto kvanttorin ohi**
- Päätely

Esimerkki 6. Miten seuraavat lauseet voidaan ilmaista toisin?

1. ”Eivät kaikki joulupukit asu Korvatunturilla.”
”On olemassa joulupukki, joka ei asu Korvatunturilla.”
2. ”Ei ole olemassa epärehellistä joulupukkia.”
”Kaikki joulupukit ovat rehellisiä.”

Lause. Olkoon $P(x)$ predikaatti, jonka määrittelyjoukko on X .

Silloin lauseet

1. $\neg \forall x \in X : P(x) \Leftrightarrow$

Negaation siirto kvanttorin ohi

- Predikaatti
- Predikaatit ja konnektiivit
- Kaikkikvanttori eli universaalikvanttori
- Olemassaolokvanttori eli eksistenssikvanttori
- **Negaation siirto kvanttorin ohi**
- Päättely

Esimerkki 6. Miten seuraavat lauseet voidaan ilmaista toisin?

1. ”Eivät kaikki joulupukit asu korvatunturilla.”
”On olemassa joulupukki, joka ei asu Korvatunturilla.”
2. ”Ei ole olemassa epärehellistä joulupukkia.”
”Kaikki joulupukit ovat rehellisiä.”

Lause. Olkoon $P(x)$ predikaatti, jonka määrittelyjoukko on X .

Silloin lauseet

1. $\neg \forall x \in X : P(x) \Leftrightarrow \exists x \in X : \neg P(x)$

Negaation siirto kvanttorin ohi

- Predikaatti
- Predikaatit ja konnektiivit
- Kaikkikvanttori eli universaalikvanttori
- Olemassaolokvanttori eli eksistenssikvanttori
- **Negaation siirto kvanttorin ohi**
- Päätely

Esimerkki 6. Miten seuraavat lauseet voidaan ilmaista toisin?

1. ”Eivät kaikki joulupukit asu Korvatunturilla.”
”On olemassa joulupukki, joka ei asu Korvatunturilla.”
2. ”Ei ole olemassa epärehellistä joulupukkia.”
”Kaikki joulupukit ovat rehellisiä.”

Lause. Olkoon $P(x)$ predikaatti, jonka määrittelyjoukko on X .

Silloin lauseet

1. $\neg \forall x \in X : P(x) \Leftrightarrow \exists x \in X : \neg P(x)$
2. $\neg \exists x \in X : P(x) \Leftrightarrow$

Negaation siirto kvanttorin ohi

- Predikaatti
- Predikaatit ja konnektiivit
- Kaikkikvanttori eli universaalikvanttori
- Olemassaolokvanttori eli eksistenssikvanttori
- **Negaation siirto kvanttorin ohi**
- Päätely

Esimerkki 6. Miten seuraavat lauseet voidaan ilmaista toisin?

1. ”Eivät kaikki joulupukit asu korvatunturilla.”
”On olemassa joulupukki, joka ei asu Korvatunturilla.”
2. ”Ei ole olemassa epärehellistä joulupukkia.”
”Kaikki joulupukit ovat rehellisiä.”

Lause. Olkoon $P(x)$ predikaatti, jonka määrittelyjoukko on X .

Silloin lauseet

1. $\neg \forall x \in X : P(x) \Leftrightarrow \exists x \in X : \neg P(x)$
2. $\neg \exists x \in X : P(x) \Leftrightarrow \forall x \in X : \neg P(x)$

ovat tosia.

Päätely

- Predikaatti
- Predikaatit ja konnektiivit
- Kaikkikvanttori eli universaalikvanttori
- Olemassaolokvanttori eli eksistenssikvanttori
- Negaation siirto kvanttorin ohi
- **Päätely**

Esimerkki 7. Formalisoidaan seuraava päätely predikaattilogiikan kielelle.

Päätely

- Predikaatti
- Predikaatit ja konnektiivit
- Kaikkikvanttori eli universaalikvanttori
- Olemassaolokvanttori eli eksistenssikvanttori
- Negaation siirto kvanttorin ohi
- **Päätely**

Esimerkki 7. Formalisoidaan seuraava päätely predikaattilogiikan kielelle.

1. Kaikki autot ruostuvat.

Päätely

- Predikaatti
- Predikaatit ja konnektiivit
- Kaikkikvanttori eli universaalikvanttori
- Olemassaolokvanttori eli eksistenssikvanttori
- Negaation siirto kvanttorin ohi
- **Päätely**

Esimerkki 7. Formalisoidaan seuraava päätely predikaattilogiikan kielelle.

1. Kaikki autot ruostuvat.
2. Lada on auto.

Päätely

- Predikaatti
- Predikaatit ja konnektiivit
- Kaikkikvanttori eli universaalikvanttori
- Olemassaolokvanttori eli eksistenssikvanttori
- Negaation siirto kvanttorin ohi
- **Päätely**

Esimerkki 7. Formalisoidaan seuraava päätely predikaattilogiikan kielelle.

1. Kaikki autot ruostuvat.
2. Lada on auto.
3. Siis Lada ruostuu.

Päätely

- Predikaatti
- Predikaatit ja konnektiivit
- Kaikkikvanttori eli universaalikvanttori
- Olemassaolokvanttori eli eksistenssikvanttori
- Negaation siirto kvanttorin ohi
- **Päätely**

Esimerkki 7. Formalisoidaan seuraava päätely predikaattilogiikan kielelle.

1. Kaikki autot ruostuvat.
2. Lada on auto.
3. Siis Lada ruostuu.

Olkoon $A(x)$ ="x on auto", $R(x)$ ="x ruostuu".

Päätely

- Predikaatti
- Predikaatit ja konnektiivit
- Kaikkikvanttori eli universaalikvanttori
- Olemassaolokvanttori eli eksistenssikvanttori
- Negaation siirto kvanttorin ohi
- **Päätely**

Esimerkki 7. Formalisoidaan seuraava päätely predikaattilogiikan kielelle.

1. Kaikki autot ruostuvat.
2. Lada on auto.
3. Siis Lada ruostuu.

Olkoon $A(x)$ ="x on auto", $R(x)$ ="x ruostuu".

$$\begin{array}{l} \forall x (A(x) \Rightarrow R(x)) \\ A(Lada) \\ \hline R(Lada) \end{array}$$

Kuva 1: Päätely esitettynä logiikan merkintätavalla

Päätely

- Predikaatti
- Predikaatit ja konnektiivit
- Kaikkikvanttori eli universaalikvanttori
- Olemassaolokvanttori eli eksistenssikvanttori
- Negaation siirto kvanttorin ohi
- **Päätely**

Esimerkki 7. Formalisoidaan seuraava päätely predikaattilogiikan kielelle.

1. Kaikki autot ruostuvat.
2. Lada on auto.
3. Siis Lada ruostuu.

Olkoon $A(x)$ ="x on auto", $R(x)$ ="x ruostuu".

$$\begin{array}{l} \forall x (A(x) \Rightarrow R(x)) \\ A(Lada) \\ \hline R(Lada) \end{array}$$

Kuva 1: Päätely esitettynä logiikan merkintätavalla

$$\begin{array}{l} \forall x \in A : R(x) \\ Lada \in A \\ \hline R(Lada) \end{array}$$

Kuva 2: Päätely esitettynä matematiikan merkintätavalla. Kuvassa A on autojen joukko.